

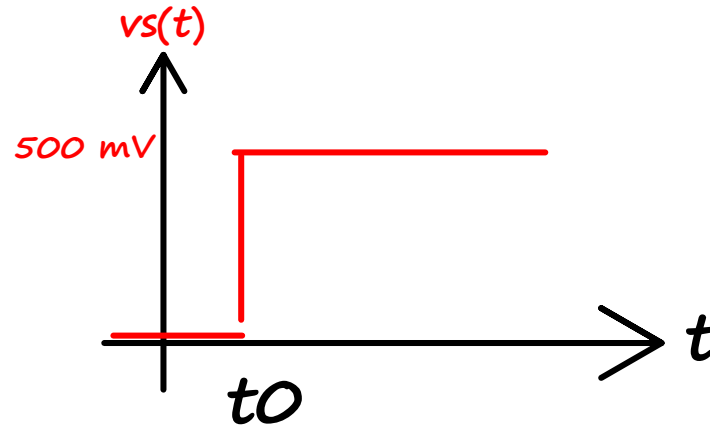
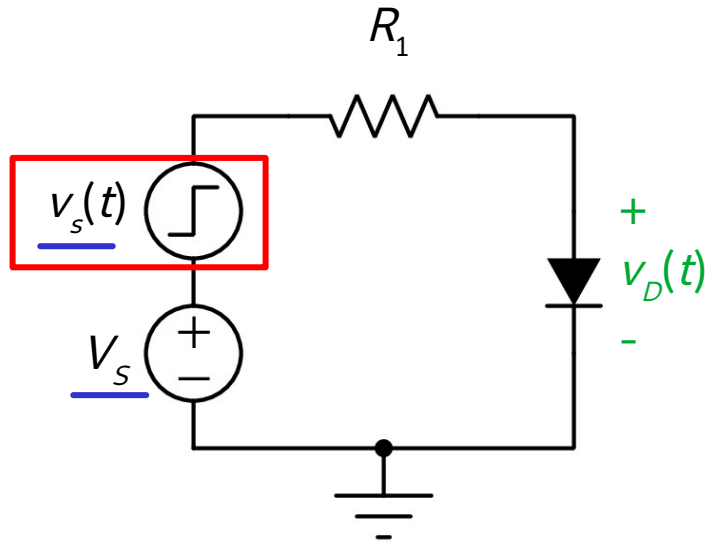
[86.03/66.25] Dispositivos Semiconductores  
1er Cuatrimestre 2020

## Diodo de Juntura PN

1. Modelo de Pequeña Señal: Transitorio en directa

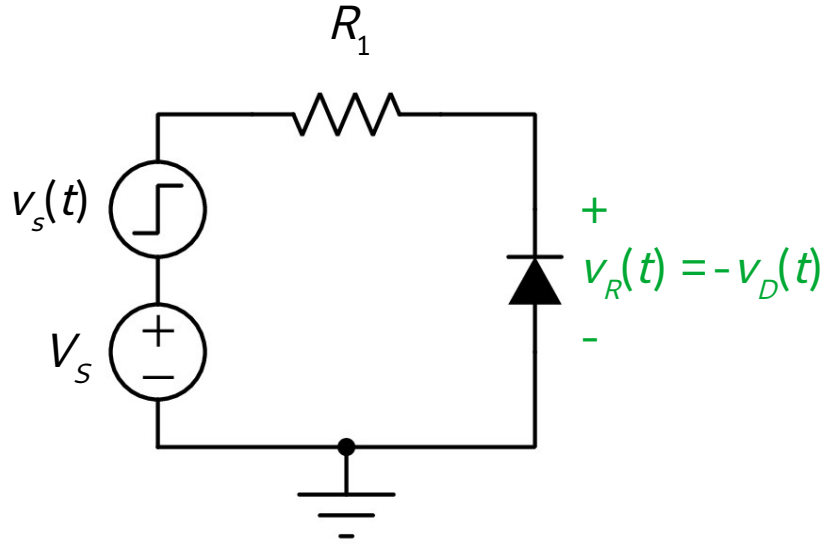
Un diodo N<sup>+</sup>P con  $N_D = 10^{19} \text{ cm}^{-3}$ ,  $A = 0.01 \text{ mm}^2$  y parámetros  $\phi_B = 900 \text{ mV}$  y  $\tau_T = 18 \text{ ns}$  conectado como se muestra en la figura donde  $R_1 = 4.7 \text{ k}\Omega$ ,  $V_S = 8\text{V}$  y  $v_s(t)$  es un escalón de  $500 \text{ mV}$  en  $t_0 = 1 \text{ ns}$ .

- Encontrar la respuesta temporal de la tensión  $v_D(t)$ .



# Recordemos el ejercicio de la semana pasada

Cambia solamente la conexión del diodo.



## 1. Polarización: Aplicamos el modelo de orden 0

Inversa:  $I_D = 0 \text{ A}$ ;  $V_R = -V_D = 8 \text{ V}$ ;  $V_D = -8 \text{ V}$

## 2. Parámetros de pequeña señal:

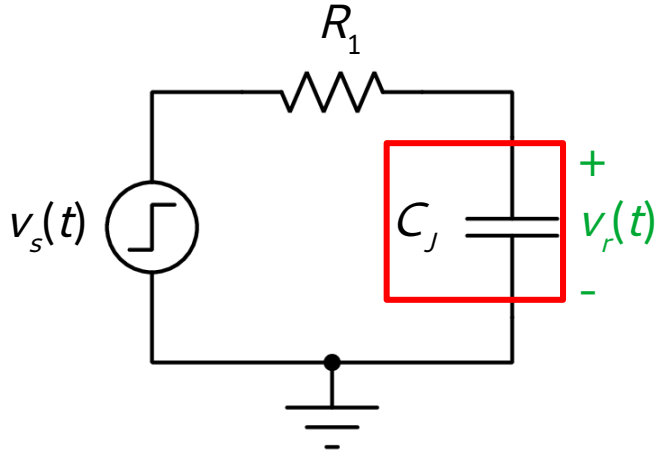
$$g_m = \left. \frac{\partial i_D}{\partial v_D} \right|_{(I_D; V_D)} = \frac{\cancel{I_D + I_0} \sim 0}{V_{th}} = 0$$

$$C_{dif} = \left. \frac{\partial q_{QNR}}{\partial v_D} \right|_{(I_D; V_D)} = \frac{\tau_T}{V_{th}} (\cancel{I_D + I_0}) = \tau_T g_m = 0$$

$$C_J = \left. \frac{\partial q_{SCR}}{\partial v_D} \right|_{(I_D; V_D)} = A \sqrt{\frac{q \epsilon_{Si} N_A \cancel{N_D}}{2(\phi_B - V_D)(\cancel{N_A} + \cancel{N_D})}} = 0.965 \text{ pF}$$

## Recordemos el ejercicio de la semana pasada

### 3. Análisis del circuito de pequeña señal



El circuito de pequeña señal resulta un circuito RC serie (respuesta dinámica de la carga de un capacitor)

$$g_m = 0 \Rightarrow r_d \rightarrow \infty$$

$$C_{dif} = 0$$

$$C_J = 0.965 \text{ pF}$$

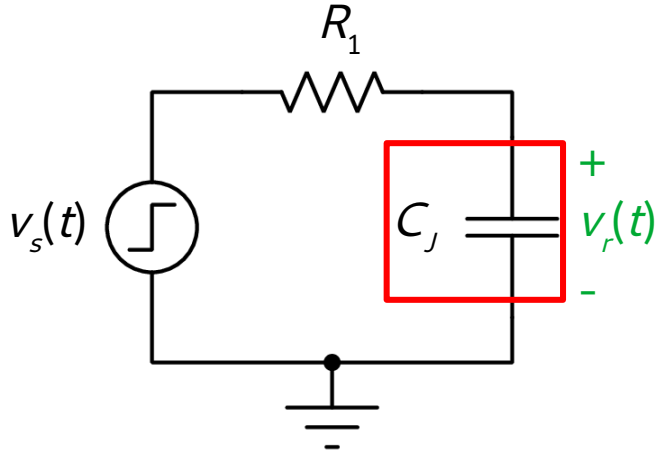
$$\tau_{RC} = R_1 C_J = 4.54 \text{ ns}$$

$$v_r(0) = 0$$

$$v_r(\infty) = v_s(t_0^+) = 500 \text{ mV}$$

## Recordemos el ejercicio de la semana pasada

### 3. Análisis del circuito de pequeña señal



El circuito de pequeña señal resulta un circuito RC serie (respuesta dinámica de la carga de un capacitor)

$$g_m = 0 \Rightarrow r_d \rightarrow \infty$$

$$C_{dif} = 0$$

$$C_J = 0.965 \text{ pF}$$

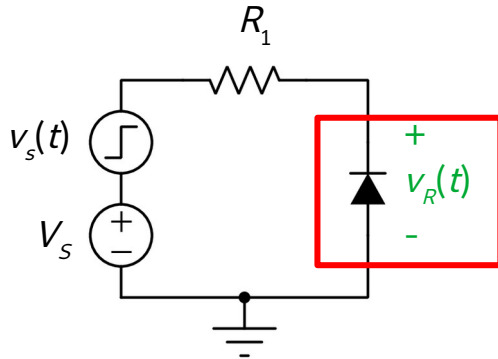
$$\tau_{RC} = R_1 C_J = 4.54 \text{ ns}$$

$$v_r(0) = 0$$

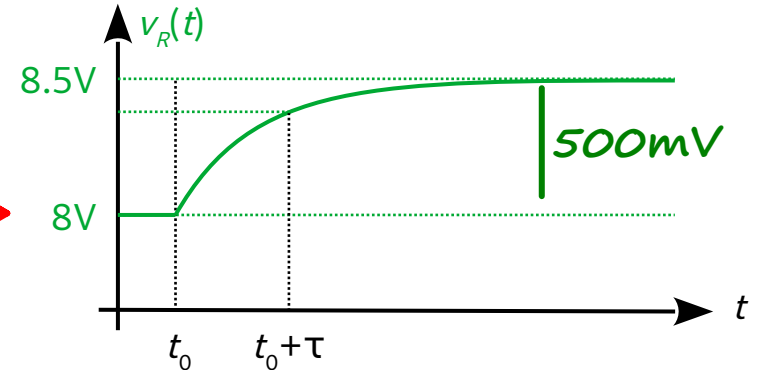
$$v_r(\infty) = v_s(t_0^+) = 500 \text{ mV}$$

---

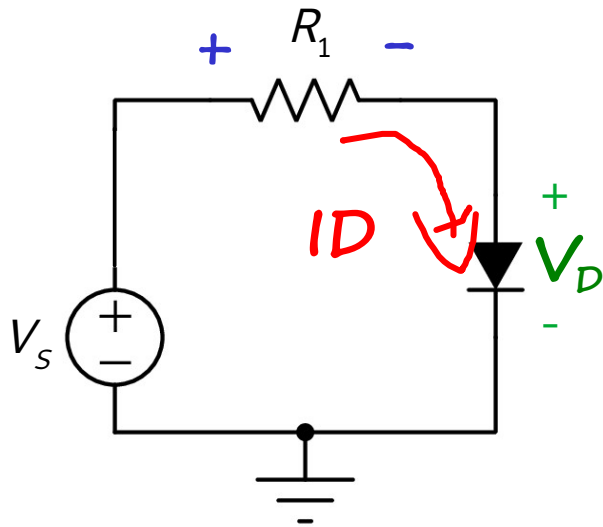
### 4. Respuesta total del circuito



$$v_R(t) = V_R + v_r(t)$$



**Volvemos a nuestro ejercicio:** Encontrar la respuesta temporal de  $v_D(t)$ .



### 1. Polarización:

*Suponer Directa*

$$V_D = V_D(ON) = 0.7V$$

$$V_S - V_{R1} - V_D = 0$$

$$V_{R1} = I_D \times R_1 = V_S - V_D$$

$$I_D = \frac{V_{R1}}{R_1} = \frac{V_S - V_D(ON)}{R_1} = \frac{8V - 0.7V}{4.7 \text{ k}\Omega}$$

$$I_D = 1.55 \text{ mA} > 0 \Rightarrow \text{Directa!}$$

#### DATOS

$$N^+P \rightarrow N_D \gg N_A$$

$$N_D = 10^{19} \text{ cm}^{-3},$$

$$A = 0.01 \text{ mm}^2$$

$$\phi_B = 900 \text{ mV}$$

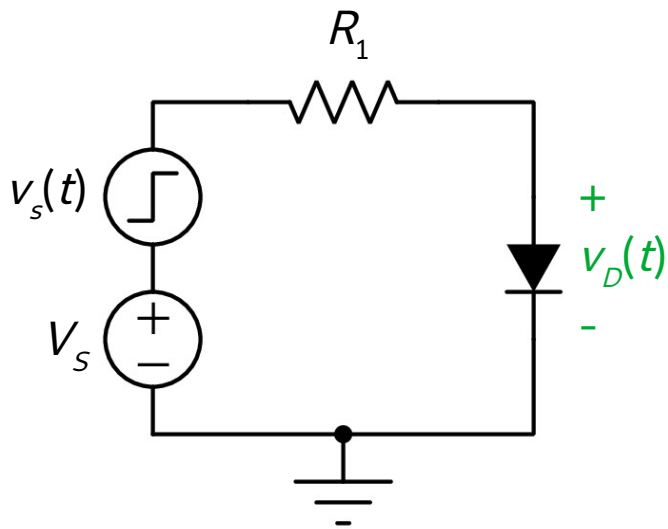
$$\tau_T = 18 \text{ ns}$$

$$R_1 = 4.7 \text{ k}\Omega,$$

$$V_S = 8V$$

$$v_s(t) 500 \text{ mV}; t_0 = 1 \text{ ns.}$$

**Volvemos a nuestro ejercicio:** Encontrar la respuesta temporal de  $v_D(t)$ .



### 1. Polarización:

Directa:  $V_D = 0.7 \text{ V}$ ;  $I_D = 1.55 \text{ mA}$

### 2. Parámetro de pequeña señal:

$$g_m = \left. \frac{\partial i_D}{\partial v_D} \right|_{(I_D; V_D)} = \frac{I_D + I_0}{V_{th}} = \boxed{60 \text{ mS}}$$

$$C_{dif} = \left. \frac{\partial q_{QNR}}{\partial v_D} \right|_{(I_D; V_D)} = \frac{\tau_T}{V_{th}} (I_D + I_0) = \boxed{1.08 \text{ nF}}$$

$$C_J = \left. \frac{\partial q_{SCR}}{\partial v_D} \right|_{(I_D; V_D)} = A \sqrt{\frac{q \epsilon_{Si} N_A N_D}{2(\phi_B - V_D)(N_A + N_D)}} =$$

$$C_{J0} = A \sqrt{\frac{q \epsilon_{Si} N_A}{2\phi_B}} = \boxed{3.2 \text{ pF}}$$

$$C_J = \sqrt{2} C_{J0} = \boxed{4.5 \text{ pF}}$$

#### DATOS

$$N^+P \rightarrow N_D \gg N_A$$

$$N_D = 10^{19} \text{ cm}^{-3}$$

$$A = 0.01 \text{ mm}^2$$

$$\phi_B = 900 \text{ mV}$$

$$\tau_T = 18 \text{ ns}$$

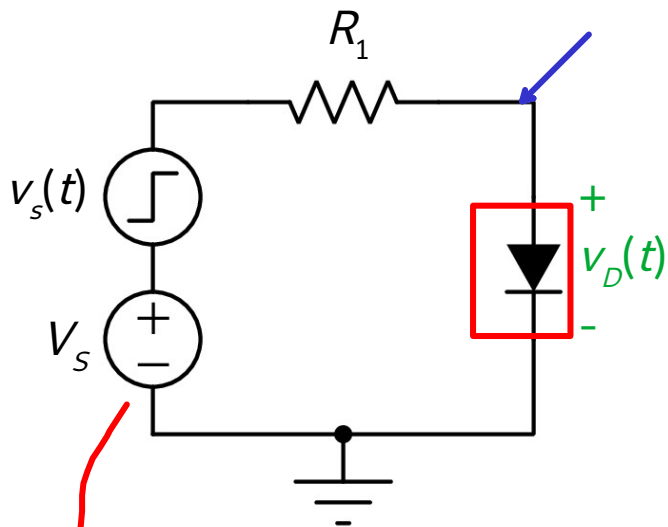
$$R_1 = 4.7 \text{ k}\Omega$$

$$V_S = 8 \text{ V}$$

$$v_s(t) = 500 \text{ mV}; t_0 = 1 \text{ ns}$$

$$N_A = \frac{n_i^2}{N_D} \exp\left(\frac{\phi_B}{V_{th}}\right) = 10^{16} \text{ cm}^{-3}$$

**Volvemos a nuestro ejercicio:** Encontrar la respuesta temporal de  $v_D(t)$ .



### 1. Polarización:

Directa:  $V_D = 0.7 \text{ V}$ ;  $I_D = 1.55 \text{ mA}$

### 2. Parámetro de pequeña señal:

$$g_m = 60 \text{ mS} \Rightarrow r_d = 16.7 \Omega$$

$$C_{dif} = 1.08 \text{ nF} \gg C_J$$

$$C_J = \sqrt{2} C_{J0} = 4.5 \text{ pF}$$

### 3. Análisis del circuito de pequeña señal

El circuito de pequeña señal resulta **otra vez** un RC serie

$$\tau_{RC} = R_{eq} C_{dif} = r_d \times C_{dif} = 18 \text{ ns}$$

$$R_{eq} = R_1 // r_d \simeq r_d$$

$$v_r(0) = 0$$

$$v_r(\infty) \neq v_s(t_0^+)$$

$$v_r(\infty) = \frac{r_d}{R_1 + r_d} v_s(t_0^+) = 1.77 \text{ mV} < 10 \text{ mV}$$

$$R_1 \gg r_d$$

#### DATOS

$$N^+P \Rightarrow N_D \gg N_A$$

$$N_D = 10^{19} \text{ cm}^{-3},$$

$$A = 0.01 \text{ mm}^2$$

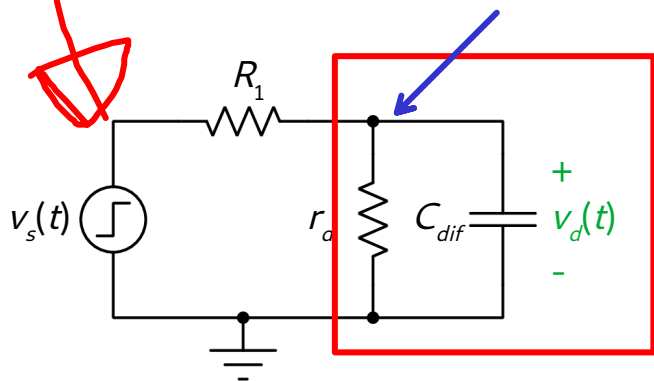
$$\phi_B = 900 \text{ mV}$$

$$\tau_T = 18 \text{ ns}$$

$$R_1 = 4.7 \text{ k}\Omega,$$

$$V_s = 8 \text{ V}$$

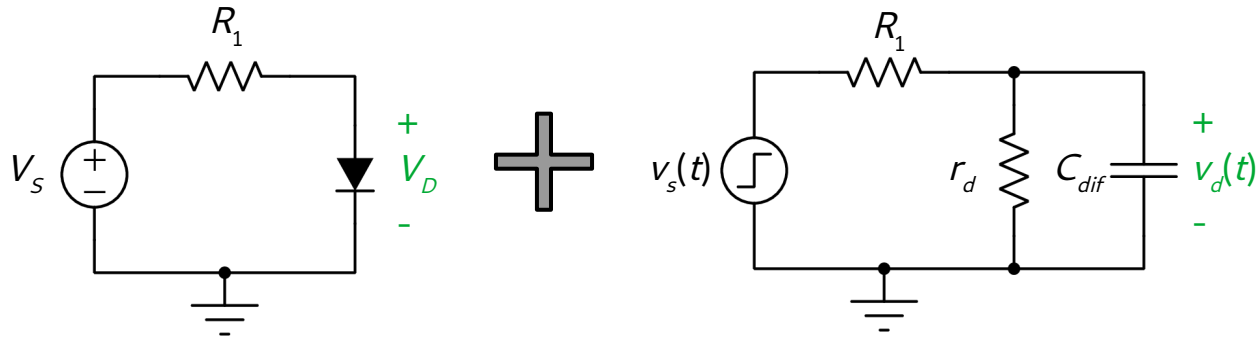
$$v_s(t) \text{ 500 mV}; t_0 = 1 \text{ ns.}$$





**Volvemos a nuestro ejercicio:** Encontrar la respuesta temporal de  $v_D(t)$ .

### 4. Respuesta total del circuito



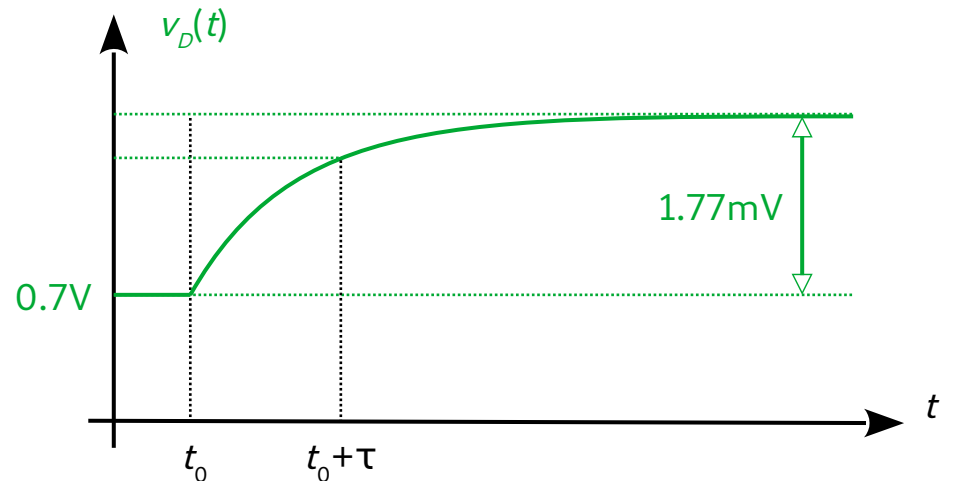
**DATOS**  
 $N^+P \rightarrow N_D \gg N_A$   
 $N_D = 10^{19} \text{ cm}^{-3}$ ,  
 $A = 0.01 \text{ mm}^2$   
 $\phi_B = 900 \text{ mV}$   
 $\tau_T = 18 \text{ ns}$   
 $R_1 = 4.7 \text{ k}\Omega$ ,  
 $V_S = 8 \text{ V}$   
 $v_s(t) 500 \text{ mV}; t_0 = 1 \text{ ns}$ .

$$v_D(t) = V_D + v_d(t)$$

$$\tau_{RC} \sim r_d C_{dif} = \underline{18 \text{ ns}}$$

$$v_r(0) = 0$$

$$v_r(\infty) = \underline{1.77 \text{ mV}}$$



## Comparación de la respuesta de circuito en ambos regímenes

	<u>Directa</u>	<u>Inversa</u>
$I_D$	1.55 mA	$\sim 0$
$V_D$	0.7 V	-8 V
$g_d/r_d$	60 mS/16.5 $\Omega$	0/ $\infty$
$C_J$	4.5 pF	0.965 pF
$C_{dif}$	1.08 nF	$\sim 0$
$\tau_{RC}$	18 ns	4.54 ns
$v_d(\infty)$	1.77 mV	500 mV

### DATOS

$$N^+P \rightarrow N_D \gg N_A$$

$$N_D = 10^{19} \text{ cm}^{-3},$$

$$A = 0.01 \text{ mm}^2$$

$$\phi_B = 900 \text{ mV}$$

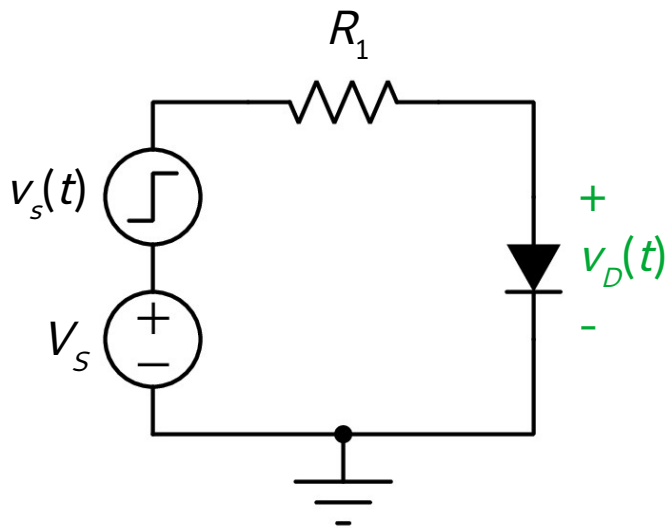
$$\tau_T = 18 \text{ ns}$$

$$R_1 = 4.7 \text{ k}\Omega,$$

$$V_S = 8V$$

$$v_s(t) 500 \text{ mV}; t_0 = 1 \text{ ns}.$$

## Diodo REAL: ¿Cómo cambia el modelo de pequeña señal?



En inversa:

$$g_d = 0$$

$$C_{dif} = 0$$

$C_j$  No cambia

$$i_D = I_{0R} \left( \exp\left(\frac{v_D}{n V_{th}}\right) - 1 \right)$$

**Polarización:** Seguimos usando el modelo de orden 0

Directa:  $V_D = 0.7 \text{ V}; I_D = 1.55 \text{ mA}$

**Parámetro de pequeña señal:**

$$g_m = \left. \frac{\partial i_D}{\partial v_D} \right|_{(I_D; V_D)} = \frac{I_D + I_0}{n V_{th}}$$

$$r_d = n I_D / V_{th}$$

$$C_{dif} = \left. \frac{\partial q_{QNR}}{\partial v_D} \right|_{(I_D; V_D)} = \frac{\tau_T}{n V_{th}} (I_D + I_0) =$$

$$C_J = \left. \frac{\partial q_{SCR}}{\partial v_D} \right|_{(I_D; V_D)} = \frac{C_{J0}}{\sqrt{1 - \frac{V_D}{\phi_B}}} = \sqrt{2} C_{J0}$$

**NO CAMBIA!!!**